

quazione

sen A sen B sen C

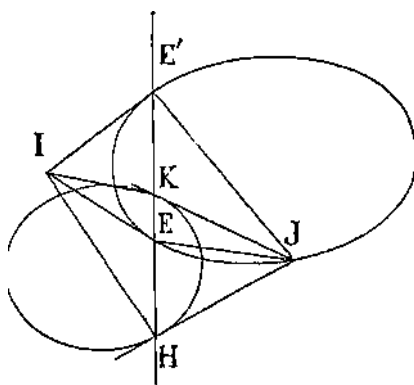
si dividano esternamente i lati BC, CA, AB del triangolo fondamentale nei punti A', B', C' rispettivamente, in modo che

$$BA' : A'C = - \frac{CB' : B'A}{a} = - a^2 : e^*, \quad AC' : CB = - b^2 :$$

I punti A', B', C' così determinati risultano, pel teorema di CEVA, situati in linea retta, e si dimostra facilmente che questa linea retta è precisamente quella rappresentata dall'equazione precedente.

Il secondo teorema dimostrato nell'Art. Ili da luogo esso pure ad interessanti corollarii.

Indichiamo con E, E' i punti in cui la conica dei nove punti incontra la trasversale, e con H, K quelli in cui questa medesima retta è incontrata da una qualunque delle coniche circoscritte al quadrangolo. Per il teorema invocato, i punti E ed E' sono conjugati armonicamente coi punti H e K , per cui la retta polare di H rispetto alla conica dei nove punti passa per K e la retta polare di K passa per H . Denominiamo I il punto d'incontro di queste due rette polari e quindi anche delle tangenti a questa conica in E ed E' . Il triangolo IKH è conjugato a sé medesimo rispetto alla conica dei nove punti. Conduciamo inoltre le due tangenti in P e K alla conica circoscritta al quadrangolo e denominiamo J il loro punto d'incontro (che giace nella conica dei nove punti, per essere il polo della trasversale rispetto alla stessa conica circoscritta).



Ciò posto trasportiamo la trasversale a distanza infinita. Il punto I diventerà il centro della conica dei nove punti, e le due rette IK, IH diventeranno due diametri conjugati della medesima. Così il punto J diventerà il centro della conica circoscritta, e le rette JH, JK , tangenti ad essa nei due punti ch'essa ha a distanza infinita, di-